

تَفَاعُلُ وَرَيْش

در این فصل می‌خوانیم:

درس اول: توان صحیح [کتابخانه](#)

درس دوم: نماد علمی [کتابخانه](#)

درس سوم: ریشه‌گیری [کتابخانه](#)

درس چهارم: جمع و تفریق رادیکال‌ها [کتابخانه](#)

« فصل





۱. توان صحیح

اگر پایه عددی توان دار را معکوس کنیم، توانش قرینه می شود. بنابراین اگر توان یک عدد منفی باشد، با معکوس کردن پایه توان مثبت می شود.

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \frac{1}{\left(\frac{a}{b}\right)^n} = \frac{1}{\frac{a^n}{b^n}} = \frac{b^n}{a^n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n$$

مثال

$$\left(\frac{5}{6}\right)^{-2} = \left(\frac{6}{5}\right)^2$$

$$3^{-2} = \frac{1}{3^2} = \left(\frac{1}{3}\right)^2$$

۲. قوانین توان های صحیح

تمام قانون هایی که برای توان های مثبت خوانده ایم برای توان های منفی هم برقرار است. در حالت کلی اگر m و n دو عدد صحیح باشند و a و b یک عدد دلخواه (غیر صفر) روابط زیر برقرار است.

۱) $a^m \times a^n = a^{m+n}$ در ضرب:

مثال

$$3^2 \times 3^{-4} \times 3^{-5} = 3^{2-4-5} = 3^{-7}$$

۲) $a^m \times b^m = (ab)^m$ در ضرب:

مثال

$$9^{-2} \times 3^{-2} = 27^{-2} = \left(\frac{1}{27}\right)^2$$

۳) $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$ در تقسیم:

مثال

$$\frac{\gamma^{-3}}{\gamma^{-5}} = \gamma^{-3-(-5)} = \gamma^{-3+5} = \gamma^2$$

۴) $\frac{a^m}{b^m} = \left(\frac{a}{b}\right)^m$ در تقسیم:

مثال

$$\frac{\lambda^{-5}}{\gamma^{-5}} = \gamma^{-5} = \left(\frac{1}{\gamma}\right)^5$$

۵) $(a^m)^n = a^{mn}$ توان در توان:

مثال

$$\left[\left(-\frac{3}{4}\right)^{-3}\right]^{-1} = \left(-\frac{3}{4}\right)^3$$

مثال

۱. حاصل عبارت‌های زیر را به صورت یک عدد تواندار با توان مثبت بنویسید.

$$6^{-3}$$

$$\left(\frac{5}{\gamma}\right)^{-4}$$

$$\left(\frac{\gamma}{5}\right)^{-3}$$

$$\left(-\frac{4}{9}\right)^{-2}$$

$$6^{-3} = \left(\frac{1}{6}\right)^3$$

$$\left(\frac{5}{\gamma}\right)^{-4} = \left(\frac{\gamma}{5}\right)^4$$

پاسخ:

$$\left(-\frac{1}{\gamma}\right)^3$$

$$\left(-\frac{4}{9}\right)^{-2} = \left(-\frac{9}{4}\right)^{+2}$$

۲. هر عبارت قسمت «الف» را به عبارت نظیر آن در قسمت «ب» وصل کنید.

$$a^{-2} + 2 \quad 3^{-2} \quad \left(\frac{3}{5}\right)^{-3} \quad \left(\frac{1}{x}\right)^{-4} \quad xy^{-2} \quad (xy)^{-2} \quad \left(\frac{1}{a}\right)^{-1}$$

$$\frac{x}{y^2} \quad \left(\frac{5}{3}\right)^2 \quad \left(\frac{1}{a}\right)^2 \quad \left(\frac{1}{x^2 y^2}\right)$$

پاسخ:

$$\begin{array}{ccccccccc} a^{-2} & + & 2 & & 3^{-2} & & \left(\frac{3}{5}\right)^{-3} & & \left(\frac{1}{x}\right)^{-4} \\ \cancel{\frac{x}{y^2}} & \cancel{\left(\frac{5}{3}\right)^2} & \cancel{\left(\frac{1}{a}\right)^2} & \cancel{\left(\frac{1}{x^2 y^2}\right)} & \cancel{\left(\frac{1}{x}\right)^{-4}} & \cancel{xy^{-2}} & \cancel{(xy)^{-2}} & \cancel{3^{-2}} & \cancel{2} \end{array}$$

۳. حاصل هر عبارت را به ساده‌ترین صورت بنویسید.

$$1^{-5}$$

$$\left(-\frac{5}{6}\right)^{-2}$$

$$3^{-2} + 4^{-1} + 6^0$$

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 + \left(\frac{3}{2}\right)^{-2}$$

پاسخ:

$$1 \quad (\text{الف})$$

$$\left(-\frac{6}{5}\right)^2 = \frac{36}{25}$$

$$\frac{1}{9} + \frac{1}{4} + 1 = \frac{4+9+36}{36} = \frac{49}{36}$$

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 + \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9} + \frac{4}{9} = \frac{8}{9}$$

۴. حاصل هر یک از عبارت‌های زیر را به صورت یک عدد تواندار بنویسید.

$$(-5)^{-7} \times (-5)^{-1}$$

$$\left(\frac{-2}{\gamma}\right)^3 \times \left(\frac{-2}{\gamma}\right)^{-11}$$

$$x^{-4} \times x^{-5}$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-2} \times \left(\frac{a}{b}\right)^9$$

پاسخ:

$$(-5)^{-7+(-1)} = (-5)^{-8}$$

$$\left(-\frac{2}{\gamma}\right)^{3-11} = \left(-\frac{2}{\gamma}\right)^{-8}$$

$$x^{-4-5} = x^{-9}$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-2+9} = \left(\frac{a}{b}\right)^7$$



تمرینات

۱. در جاهای خالی علامت ($<$ = $>$) قرار دهید.

(الف) $5^{\circ} \boxed{\quad} 5^{-2}$

(ب) $-7^{-2} \boxed{\quad} (-7)^{-2}$

(ب) $(0/4)^{-3} \boxed{\quad} (0/3)^{-3}$

(ت) $(-\frac{9}{23})^{\circ} \boxed{\quad} 1$

(الف) $(-5)^{\circ} + (5^{-1})^{-1} = 6$

(ب) $(0/823)^{1^{\circ}} < 5^{\circ}$

(ث) $7^{-2} = -49$

(ب) $-3^{-4} = 3^4$

(ت) $(2/3)^3 < (2/03)^3$

(ج) $2^{-8} < 2^{-1}$

۳. اعداد داده شده را از کوچک به بزرگ و از چپ به راست مرتب کنید.

$5^{-2}, -2^{-6}, -4^{-4}, -\frac{1}{2}, 1^{-8}, 1^{01}, (-6)^2, 3^{-3}, 0^{-2}$

۴. حاصل را به صورت عدد توان دار بنویسید.

(الف) $6^{-7} \div 2^{-7} \times 3^2$

(ب) $(\frac{1}{2})^{-8} \times 32^{-4}$

(ث) $(\frac{17}{19})^{-3} \times (\frac{51}{38})^3$

(ب) $5^{-6} \times 5^{-2} \times 5^{10}$

(ت) $(\frac{3}{4})^{-5} \times (0/75)^{-2}$

(ج) $\frac{(0/25)^{-3} \times 16^3 \times 3^{-11}}{4^5 \times 27^{-1}}$

پاسخ تمرینات



$$\left(\frac{23}{10}\right)^3 < \left(\frac{203}{100}\right)^3$$

\downarrow \downarrow

$$\left(\frac{230}{100}\right)^3 > \left(\frac{203}{100}\right)^3$$

$$\frac{1}{49} \neq -49$$

$$\frac{1}{2^8} < \frac{1}{2}$$

ت. نادرست

ث. نادرست

ج. درست

$$5^{-2} = \frac{1}{25}, 3^{-3} = \frac{1}{27}, (-6)^{+2} = 36, (-1)^{1^{\circ} 1} = -1$$

$$1^{-8^{\circ}} = 1, (-\frac{1}{9})^{-2} = 81, (-\frac{1}{2})^{-4} = 16, -2^{-6} = -\frac{1}{64}$$

الف. $5^{\circ} \boxed{\quad} 5^{-2}$

ب. $(0/3)^{-3} \boxed{\quad} (0/4)^{-3}$

ت. $(-\frac{9}{23})^{\circ} \boxed{=} 1$

پ. $-7^{-2} \boxed{\quad} (-7)^{-2}$

ث. $1 \boxed{>} \frac{1}{25}$

ج. $-(\frac{1}{2})^2 \boxed{<} (-\frac{1}{2})^2$

$-\frac{1}{49} \boxed{<} \frac{1}{49}$

الف. درست

ب. نادرست

پ. درست



$$\left(\frac{1}{\sqrt[14]{14}}\right)^3 \times \left(\frac{\sqrt[3]{51}}{\sqrt[2]{8}}\right)^3 = \left(\frac{3}{2}\right)^3$$

$$\begin{aligned} & \frac{\left(\frac{100}{25}\right)^3 \times (2^4)^3 \times 3^{-11}}{(2^2)^5 \times (3^3)^{-1}} = \frac{\overbrace{2^6 \times 2^{12}}^{2^{18}} \times 3^{-11}}{2^{10} \times 3^{-3}} \\ & = 2^8 \times 3^{-8} = \left(\frac{2}{3}\right)^8 \end{aligned}$$

ث.

مرتب می‌کنیم:
 $(-1)^{101} < -2^{-6} < 3^{-3} < 5^{-2} < 1^{-100} < \left(-\frac{1}{2}\right)^{-4} < (-6)^2 < \left(-\frac{1}{9}\right)^{-2}$

< ۴

ب. ۵

الف. $3^{-7} \times 3^2 = 3^{-5}$

پ. $\left(\frac{3}{4}\right)^{-7}$

ت. $2^8 \times (2^5)^{-4} = 2^8 \times 2^{-20} = 2^{-12}$

ج.

درس ۲ نماد علمی

نماد علمی

اگر یک عدد اعشاری مثبت را به صورت ضرب یک عدد اعشاری با یک رقم صحیح مخالف صفر در توان صحیحی از ۱۰ بنویسیم، این نمایش را نماد علمی آن عدد می‌نامند. به طور کلی نماد علمی یک عدد اعشاری مثبت به صورت $a \times 10^n$ است که در آن $1 \leq a < 10$ و n عددی صحیح است. مانند: $234000 = 2.34 \times 10^5$.

مثال

۱. هر یک از اعداد داده شده را با نماد علمی نمایش دهید.

الف ۳۸۹۵۰۰۰۰

ب ۰/۰۰۰۰۰۰۲۵

پ ۲۳۹۵۴

ت ۰/۲۵۶۹۱

پاسخ:

الف 3.895×10^7

ب $2/5 \times 10^{-7}$

پ $2/3954 \times 10^4$

ت $2/5691 \times 10^{-1}$

الف $6/3 \times 10^{-5}$

۲. نمایش اعشاری اعداد زیر را بنویسید.

ب $8/025 \times 10^{-3}$

پ ۱/۲۶۹۱ $\times 10^8$

ب $8/025 \times 10^{-3}$

ت $3/29 \times 10^7$

پاسخ:

الف $0/000063$

ب $0/008025$

پ 126910000

ت 32900000

الف $2/05 \times 10^{-3} = 0/000205$

۳. درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.

ب $2/8 \times 10^{-1} = 0/28$

پ $7/09822 \times 10^3 = 7098/22$

ت $6/72301 \times 10^4 = 672301$

ب. درست

ب. درست

ت. نادرست

الف. نادرست



تمرینات



۱. اعداد زیر را با نماد علمی نمایش دهید.

الف. 451×10^{-7}

ب. 825609×10^3

پ. $0/00000081$

ت. $0/754139$

۲. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورده، سپس با نماد علمی نشان دهید.

الف. $3 \times 10^{-5} \times 9 \times 10^7$

$$\frac{6/25 \times 10^{-5}}{125 \times 10^{-16}}$$

۳. اعداد داده شده را از کوچک به بزرگ و از چپ به راست مرتب کنید.

$2/5 \times 10^{-4}$ و $2/54 \times 10^{-2}$ و $2/8 \times 10^{-4}$ و $3/2 \times 10^4$ و $0/00000081$

۴. جرم یک الکترون تقریباً $9/1 \times 10^{-25}$ گرم است. جرم یک جسم 2548 تنی چند برابر جرم یک الکترون است؟ حاصل را با نماد علمی بنویسید. (هر تن برابر 1000 کیلوگرم است).

پاسخ تمرینات



<1

الف. $4/51 \times 10^2 \times 10^{-7} = 4/51 \times 10^{-5}$

ب. $8/25609 \times 10^5 \times 10^3 = 8/25609 \times 10^8$

<2

پ. $8/1 \times 10^{-7}$

ت. $7/54139 \times 10^{-1}$

<3

الف. $27 \times 10^2 = 2/7 \times 10^1 \times 10^2 = 2/7 \times 10^3$

<4

$$\begin{aligned} &\frac{2548 \times 10^6}{9/1 \times 10^{-25}} = \frac{2548}{9/1} \times \frac{10^6}{10^{-25}} \\ &= 280/1 \times 10^{32} = 2/80 1 \times 10^{33} \end{aligned}$$

تمرینات مروری



۱. درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.

الف. $(2/3)^{-5} < (2/3)^5$

ب. $(\frac{7}{5})^3 < (0/9)^3$

پ. $(-\frac{4}{5})^4 > (1/2)^3$



۲. حاصل هر یک از عبارت‌های زیر را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.

(الف) $\frac{x^{-2}y^{-1}z^{-3}}{x^{-5}y^{-4}}$, $(x, y, z \neq 0)$

(ب) $8^{-3} \times 9^2 \times 25^{-5} \times (3^6 + 3^6)$

(پ) $a^{-4} \times b^{-4} \times (ab)^5$

(ت) $2 \times 2^3 + 2^3 + 2^4$

(ث) $\frac{(\frac{3}{4})^5 \times (\frac{9}{4})^{-5}}{-3^7 \times 3^{-5}}$

۳. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

(الف) $2^{-3} + 3^{-2}$

(ب) $2 + 3 \times 4^{-1} - 2 \times 5^{-1}$

(پ) $4^2(-1 + 2^{-3})^2$

(ت) $[-(\frac{5}{6})^{-2}]^{-1}$

۴. جرم یک الکترون تقریباً 9×10^{-28} کیلوگرم و جرم اتم هیدروژن تقریباً 1×10^{-24} کیلوگرم است. جرم اتم هیدروژن چند برابر جرم یک الکترون است؟ حاصل را با نماد علمی بنویسید.

۵. حاصل را به دست آورده، سپس با نماد علمی نشان دهید.

(الف) $7 \times 10^{17} \times 2 \times 10^{-13}$

(ب) $\frac{5 / 57 \times 10^{-24}}{39 \times 10^{-35}}$

۶. در جای خالی حداقل سه عدد صحیح مختلف قرار دهید تا نامساوی درست شود.

الف $\square > 0 / 0 5$

ب. $0 / 0 5 > 0 / 0 0 5 \times 10^0$ \square

پاسخ تمرینات مروری



ث. $\frac{(\frac{3}{4})^5 \times (\frac{4}{9})^5 \times 3^5}{-3^7} = \frac{(\frac{3}{4} \times \frac{4}{9} \times 3)^5}{-3^7} = \frac{1}{-3^7} = (-\frac{1}{3})^7$

الف. $\frac{1}{8} + \frac{1}{9} = \frac{9+8}{72} = \frac{17}{72}$

ب. $2 + 3 \times \frac{1}{4} - 2 \times \frac{1}{5} = 2 + \frac{3}{4} - \frac{2}{5} = \frac{40+15-8}{20} = \frac{47}{20}$

پ. $4^{-2} + 2^{-6} = \frac{1}{4^2} + \frac{1}{2^6} = \frac{1}{16} + \frac{1}{64} = \frac{4+1}{64} = \frac{5}{64}$

ت. $[-(\frac{6}{5})^2]^{-1} = \frac{1}{-(\frac{6}{5})^2} = \frac{1}{-\frac{36}{25}} = -\frac{25}{36}$

الف. $\text{جرم اتم هیدروژن} = \frac{1 / 7 \times 10^{-24}}{9 / 1 \times 10^{-28}} = \frac{1 / 7}{9 / 1} \times \frac{10^{-24}}{10^{-28}}$

ب. $= 0 / 1868 \times 10^0 = 1 / 868 \times 10^3$

الف. درست؛ هرگاه دو عدد توان دار پایه‌های مساوی بزرگ‌تر از یک داشتند عددی که توان بیشتر دارد بزرگ‌تر است.

ب. نادرست $\frac{7}{5} = \frac{14}{10} \rightarrow (\frac{14}{10})^3 < (\frac{9}{10})^3$

پ. درست $\frac{6}{5} = \frac{12}{10} \rightarrow (\frac{12}{10})^4 > (\frac{12}{10})^3$

الف. $x^{-2-(-5)} \cdot y^{-1-(-4)} \cdot z^{-3} = x^3 y^3 z^{-3} = (\frac{xy}{z})^3$

ب. $(2^3)^{-3} \times (3^2)^3 \times (5^2)^{-5} \times 2 \times 3^6 = 2^{-8} \times 3^{10} \times 5^{-10}$

پ. $a^{-4} \times b^{-4} \times a^5 b^5 = ab$

ت. $\underbrace{2^3 + 2^3}_{2 \times 2^3} + 2^4 = 2^4 + 2^4 = 2 \times 2^4 = 2^5$



۶

الف. $\frac{5}{7 \times 10} > \frac{5}{10}$
 $\frac{5}{10} > \frac{5}{10 \times 10^0}$ $\frac{5}{7 \times 10^{-2}} > \frac{5}{10^0}$
 $\frac{5}{10^0} > \frac{5}{10 \times 10^{-1}}$ $\frac{5}{7 \times 10^{-1}} > \frac{5}{10^0}$
 $\frac{5}{10^0} > \frac{5}{10 \times 10^{-2}}$ $\frac{5}{7 \times 10^0} > \frac{5}{10^0}$
 $5, -1, -2, \dots$

۵

الف. $14 \times 10^4 = 1/4 \times 10 \times 10^4 = 1/4 \times 10^5$
 $\frac{5/10}{39} \times \frac{10^{-24}}{10^{-35}} = 5/13 \times 10^{11} = 1/3 \times 10^0$ ب.

ریشه‌گیری

درس ۳

ریشه دوم

می‌دانیم توان دوم عدد ۵ و ۵- برابر با ۲۵ است، لذا ریشه‌های دوم عدد ۲۵ به صورت زیر نوشته می‌شود.

$\sqrt[2]{25} = 5$
 ریشه‌های دوم ۲۵
 $-\sqrt[2]{25} = -5$

به عدد ۲ بالای رادیکال فرجه گفته می‌شود.

طبق قرارداد فرجه ۲ نوشته نمی‌شود.

توجه: اعداد منفی، ریشه دوم ندارند.

اگر x عددی حقیقی باشد، $\sqrt[2]{x^2} = |x|$. توجه کنید که حاصل رادیکال با فرجه زوج یک عدد، همواره نامنفی (مثبت یا صفر) است.

ریشه سوم

می‌دانیم توان سوم عدد ۵ برابر ۱۲۵ است. لذا ریشه سوم ۱۲۵ به صورت $\sqrt[3]{125} = 5$ نوشته می‌شود که در آن، فرجه ۳ می‌باشد.

اما توان سوم عدد ۵- برابر ۱۲۵- است. پس ریشه سوم ۱۲۵- به صورت $\sqrt[3]{-125} = -5$ نوشته می‌شود.

نکته همه اعداد ممکن ریشه سوم دارند. ریشه سوم اعداد مثبت، عدد مثبت و ریشه سوم اعداد منفی، عددی منفی است.

$$\sqrt[3]{125} = \sqrt[3]{5^3} = 5$$

$$\sqrt[3]{-125} = \sqrt[3]{(-5)^3} = -5$$



مثال

ریشه سوم اعداد زیر را به دست آورید.

$$\sqrt[3]{64} = 4$$

$$\sqrt[3]{1000} = 10$$

$$\sqrt[3]{-8} = -2$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{125}} = \frac{1}{5}$$

$$\sqrt[3]{-54} = \sqrt[3]{-3^3 \times 2} = -3\sqrt[3]{2} \quad \sqrt[3]{a^6} = \sqrt[3]{(a^2)^3} = a^2 \quad \sqrt[3]{(a-1)^9} = \sqrt[3]{((a-1)^3)^3} = (a-1)^3$$



ضرب و تقسیم رادیکال‌ها

اگر فرجه رادیکال‌ها با هم برابر باشد در ضرب و تقسیم رادیکال‌ها می‌توان مقادیر زیر رادیکال‌ها را در هم ضرب یا تقسیم نمود، یعنی:

$$\begin{cases} \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{ab} \\ \sqrt[3]{a} \times \sqrt[3]{b} = \sqrt[3]{ab} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}} & (b \neq 0) \\ \frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt[3]{b}} = \sqrt[3]{\frac{a}{b}} & (b \neq 0) \end{cases}$$

مثال

(الف) $\frac{\sqrt{15}}{\sqrt{60}} = \sqrt{\frac{15}{60}} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$

(ب) $\sqrt{2} \times \sqrt{8} = \sqrt{16} = 4$

(پ) $\sqrt[3]{3} \times \sqrt[3]{9} = \sqrt[3]{27} = 3$

(ت) $\frac{\sqrt[3]{5}}{\sqrt[3]{625}} = \sqrt[3]{\frac{5}{625}} = \sqrt[3]{\frac{1}{125}} = \frac{1}{5}$

(ث) $\frac{\sqrt[3]{64a^3}}{\sqrt[3]{125b^6}} = \frac{\sqrt[3]{64a^3}}{\sqrt[3]{125b^6}} = \frac{4a}{5b^2}$

جمع و تفریق رادیکال‌ها

اگر زیر رادیکال جمع یا تفریق وجود داشته باشد نمی‌توان رادیکال‌ها را تفکیک نمود، بلکه مقدار زیر رادیکال محاسبه شده، سپس ریشه آن عدد را به دست می‌آوریم.

مثال

(الف) $\sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$

(ب) $\sqrt{a-b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b}$

$$\begin{array}{c} \sqrt{9+16} \neq \sqrt{9} + \sqrt{16} \\ \downarrow \quad \downarrow \\ \sqrt{25} \neq 3 + 4 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \sqrt{80-16} \neq \sqrt{80} - \sqrt{16} \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ \sqrt{64} \neq 2/9 - 4 \end{array}$$

$5 \neq 7$

$8 \neq -1/1$

(پ) $\sqrt[3]{a \pm b} \neq \sqrt[3]{a} \pm \sqrt[3]{b}$

$\sqrt[3]{64} + \sqrt[3]{8} \neq \sqrt[3]{64+8}$

$4+2 \neq \sqrt[3]{72}$

مقداری کمتر از ۵ است ≠ ۶



در ضرب رادیکال‌هایی که ضریب‌دار هستند به این صورت عمل می‌کنیم:

۱. ضرایب در هم ضرب می‌شوند.

۲. مقادیر زیر رادیکال‌ها، با فرجه یکسان در هم ضرب می‌شوند.



مثال

۱. حاصل عبارت زیر را به دست آورید.

$$4\sqrt{5} \times \sqrt[3]{2} \times 3\sqrt{6} \times \sqrt[3]{4} = 108\sqrt{30} \times \sqrt[3]{8} = 216\sqrt{30}$$

۲. حاصل هر عبارت را به دست آورید.

الف) $\sqrt{100}$

ب) $\sqrt{(-11)^2}$

پ) $\sqrt[3]{-1}$

ت) $\sqrt[3]{\frac{-27}{216}}$

ث) $\sqrt[3]{(-a)^3}$

الف) 10

ب) $| -11 | = 11$

پ) -1

ت) $-\frac{3}{6} = -\frac{1}{2}$

ث) $-a$

پاسخ:

۳. به کمک رابطه $|x| = \sqrt{x^2}$ حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

الف) $\sqrt{(-13)^2}$

ب) $\sqrt{(5-7)^2}$

پ) $\sqrt{(2-\sqrt{5})^2}$

ت) $\sqrt{(1-\frac{7}{8})^2}$

پاسخ:

الف) $| -13 | = 13$

ب) $| 5-7 | = | -2 | = 2$

پ) $| 2-\sqrt{5} | = -(2-\sqrt{5}) = \sqrt{5}-2$

ت) $| 1-\frac{7}{8} | = | \frac{1}{8} | = \frac{1}{8}$

۴. حاصل هر عبارت را بنویسید.

الف) $\sqrt[3]{5} \times \sqrt[3]{25}$

ب) $\sqrt[3]{189}$

پ) $\sqrt{50} \times \sqrt{2}$

ت) $\sqrt[3]{\frac{-b^3}{343}}$

پاسخ:

الف) $\sqrt[3]{125} = 5$

ب) $\sqrt[3]{27 \times 7} = \sqrt[3]{27} \times \sqrt[3]{7} = 3\sqrt[3]{7}$

پ) $\sqrt{100} = 10$

ت) $\frac{\sqrt[3]{-b^3}}{\sqrt[3]{343}} = \frac{-b}{7}$

۵. الف. از عبارت‌های زیر، کدام درست و کدام نادرست است؟

۱) $\sqrt{(-17)^2} = -17$

۲) $\sqrt[3]{(-2)^3} = -2$

۳) $\sqrt[3]{-216} = 6$

۴) $\sqrt{(-3)^2} = 3$

۵) $\sqrt{(-19)^2} = | -19 | = 19$

ب. حداقل سه عدد صحیح مختلف مثال بزنید که اگر به جای a قرار دهیم، نامساوی زیر درست باشد.

$\sqrt[3]{a} < \sqrt{9}$

۵. درست

۴. درست

۳. نادرست

۲. درست

پاسخ: الف. ۱. نادرست

ب. $\sqrt[3]{-8} < 3, \sqrt[3]{1} < 3, \sqrt[3]{5} < 3$



۱. الف. ریشه دوم اعداد زیر را به دست آورید.

$$\frac{36}{100}, \frac{1}{49}, 28, 121, (-11)^2$$

ب. ریشه سوم اعداد زیر را به دست آورید.

$$343, 5^3, -3, -\frac{1}{64}, 11$$

۲. عبارت‌های مقابله‌ای را ساده کنید.

ث. $\sqrt[3]{10^4}$

ت. $\sqrt[3]{64^2}$

پ. $\sqrt{72}$

ب. $\sqrt[3]{90}$

الف. $\sqrt[3]{250}$

۳. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

الف. $\sqrt{28} \times \sqrt{7}$

ب. $\sqrt[3]{ab} \times \sqrt[3]{ab^2}$

پ. $\sqrt[3]{-0/008c^3}$

ت. $\sqrt[3]{54} \div \sqrt[3]{2}$

ث. $\sqrt{0/04} \times \sqrt{\frac{5}{20}}$

۴. مساحت قاعده استوانه‌ای $36\pi a^2$ می‌باشد، اگر ارتفاع این استوانه ۱۰ باشد، مساحت جانبی آن را برحسب a به دست آورید.

پاسخ تمرینات



۱

ث. $\sqrt[3]{10^4} = \sqrt[3]{2^3 \times 13} = \sqrt[3]{2^3} \times \sqrt[3]{13} = 2\sqrt[3]{13}$

الف. $\sqrt{\frac{36}{100}} = \left| \frac{6}{10} \right| = \frac{6}{10} \quad \sqrt{28} = \sqrt{4 \times 7} = 2\sqrt{7}$

الف. $\sqrt{28 \times 7} = \sqrt{4 \times 7 \times 7} = \sqrt{2^2 \times 7^2} = 14$

ب. $\sqrt[3]{121} = |11| = 11$

ب. $\sqrt[3]{a^2 b^3} = b\sqrt[3]{a^2}$

ب. $\sqrt[3]{54} = 5$

پ. $\sqrt[3]{(-0/2c)^3} = -0/2c$

پ. $\sqrt[3]{11} = 11$

ت. $\sqrt{\frac{54}{2}} = \sqrt{27} = 3$

ت. $\sqrt[3]{-\frac{1}{64}} = -\frac{1}{4}$

ث. $\sqrt{0/04 \times \frac{1}{4}} = \sqrt{0/01} = 0/1$

ث. $\sqrt[3]{-3} = -\sqrt[3]{3}$

۱

$S = 36\pi a^2 \rightarrow \pi r^2 = 36\pi a^2$

الف. $\sqrt{250} = \sqrt{25 \times 10} = 5\sqrt{10}$

$r^2 = 36a^2$

ب. $\sqrt{90} = \sqrt{9 \times 10} = 3\sqrt{10}$

$r = \sqrt{36a^2} = |6a| = 6|a| = 6a$

پ. $\sqrt{72} = \sqrt{2 \times 36} = 6\sqrt{2}$

ارتفاع \times محیط قاعده = مساحت جانبی

ت. $\sqrt[3]{64^2} = \sqrt[3]{(4^3)^2} = \sqrt[3]{(4^2)^3} = 4^2 = 16$

$= 2\pi r \times 10 = 2\pi \times 6a \times 10 = 120\pi a$



جمع و تفکیق رادیکال‌ها

در جمع و تفکیق عبارت‌های رادیکالی در صورت وجود رادیکال‌های یکسان می‌توان آن‌ها را جمع یا تفکیق کرد.

مثال

حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\sqrt{3} + 2\sqrt{5} - 3\sqrt{3} + 4\sqrt{5} = -2\sqrt{3} + 6\sqrt{5} \quad (\text{الف})$$

$$15\sqrt[3]{8} - 6\sqrt[3]{8} = 9\sqrt[3]{8} \quad (\text{ب})$$

$$\sqrt[3]{2} - 7\sqrt{5} + 6\sqrt[3]{2} - 12\sqrt{5} = 7\sqrt[3]{2} - 19\sqrt{5} \quad (\text{پ})$$

توجه: گاهی قبل از جمع و تفکیق رادیکال‌ها، باید ابتدا رادیکال‌ها را ساده کنیم.

مثال

$$\begin{aligned} \sqrt[3]{108} + \sqrt[3]{54} + 2\sqrt[3]{27} - \sqrt[3]{64 \times 2} &= \sqrt[3]{2^2 \times 3^3} + \sqrt[3]{3^3 \times 2} + 2\sqrt[3]{(2^2)^3 \times 2} - \sqrt[3]{4^3 \times 2} \\ &= 3\sqrt[3]{4} + 3\sqrt[3]{2} + 2 \times 2\sqrt[3]{2} - 4\sqrt[3]{2} = 3\sqrt[3]{4} + 3\sqrt[3]{2} + 8\sqrt[3]{2} - 4\sqrt[3]{2} \\ &= 3\sqrt[3]{4} + 7\sqrt[3]{2} \end{aligned}$$

گویا کردن مخرج کسرها

گاهی برای ساده کردن یک عبارت رادیکالی یا ساده کردن محاسبات لازم است که مخرج کسر را از حالت رادیکالی خارج کنیم. برای این کار توان عدد زیر رادیکال را با فرجه رادیکال برابر می‌کنیم.

مثال

۱. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\frac{10}{\sqrt{5}} = \frac{10 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{10\sqrt{5}}{5} = 2\sqrt{5} \quad (\text{الف})$$

$$\frac{2}{\sqrt[3]{7}} = \frac{2\sqrt[3]{7^2}}{\sqrt[3]{7} \times \sqrt[3]{7^2}} = \frac{2\sqrt[3]{7^2}}{\sqrt[3]{7^3}} = \frac{2}{7} \sqrt[3]{49} \quad (\text{ب})$$

$$\frac{6}{\sqrt[3]{4}} = \frac{6 \times \sqrt[3]{2}}{\sqrt[3]{2^2} \times \sqrt[3]{2}} = \frac{6\sqrt[3]{2}}{\sqrt[3]{2^3}} = \frac{6\sqrt[3]{2}}{2} = 3\sqrt[3]{2} \quad (\text{پ})$$

۲. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$2\sqrt{3} - 6\sqrt{3} + \sqrt{3} = -3\sqrt{3} \quad (\text{الف})$$

$$5\sqrt{2} + 7\sqrt{10} - 3\sqrt{2} + \sqrt{10} = 2\sqrt{2} + 8\sqrt{10} \quad (\text{ب})$$

$$4\sqrt[3]{5} + 2\sqrt[3]{7} + 3\sqrt[3]{5} = 7\sqrt[3]{5} + 2\sqrt[3]{7} \quad (\text{پ})$$

$$9\sqrt[3]{x} - 3\sqrt[3]{x} - 2\sqrt[3]{x} = 4\sqrt[3]{x} \quad (\text{ت})$$



.۳ حاصل عبارت‌های زیر را به صورت ساده شده بنویسید.

$$\text{الف } 2\sqrt{32} + 5\sqrt{50} + 4\sqrt{98}$$

$$\text{ب } 4\sqrt{27} - 12\sqrt{3} - 2\sqrt{75} + 3\sqrt{48}$$

$$\text{پ } \sqrt[3]{24} - 10\sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{375}$$

$$\text{الف } 2\sqrt{2 \times 16} + 5\sqrt{2 \times 25} + 4\sqrt{2 \times 49} = 2 \times 4\sqrt{2} + 5 \times 5\sqrt{2} + 4 \times 7\sqrt{2}$$

$$= 8\sqrt{2} + 25\sqrt{2} + 28\sqrt{2} = 61\sqrt{2}$$

$$\text{ب } 4\sqrt{3 \times 9} - 12\sqrt{3} - 2\sqrt{3 \times 25} + 3\sqrt{3 \times 16} = 12\sqrt{3} - 12\sqrt{3} - 10\sqrt{3} + 12\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

$$\text{پ } \sqrt[3]{3 \times 8} - 10\sqrt[3]{3} + \sqrt[3]{3 \times 125} = 12\sqrt[3]{3} - 10\sqrt[3]{3} + 5\sqrt[3]{3} = 7\sqrt[3]{3}$$

پاسخ:

.۴ حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$\text{الف } (\sqrt{20} - \sqrt{125} + \sqrt{5}) \div \sqrt{5}$$

$$\text{ب } \sqrt{70}(\sqrt{2} + \sqrt{5})$$

$$\text{پ } (\sqrt{63} + \sqrt{28} - \sqrt{112}) \div \sqrt{7}$$

$$\text{ت } \sqrt{42}(\sqrt{3} + \sqrt{2})$$

$$\text{الف } \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{5}} - \frac{\sqrt{125}}{\sqrt{5}} + \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \sqrt{\frac{20}{5}} - \sqrt{\frac{125}{5}} + \sqrt{\frac{5}{5}} = 2 - 5 + 1 = -2$$

پاسخ:

$$\text{ب } \sqrt{140} + \sqrt{350} = \sqrt{4 \times 35} + \sqrt{14 \times 25} = 2\sqrt{35} + 5\sqrt{14}$$

$$\text{پ } \frac{\sqrt{63}}{\sqrt{7}} + \frac{\sqrt{28}}{\sqrt{7}} - \frac{\sqrt{112}}{\sqrt{7}} = \sqrt{\frac{63}{7}} + \sqrt{\frac{28}{7}} - \sqrt{\frac{112}{7}} = \sqrt{9} + \sqrt{4} - \sqrt{16} = 3 + 2 - 4 = 1$$

$$\text{ت } \sqrt{126} + \sqrt{294} = \sqrt{3^2 \times 2 \times 7} + \sqrt{2 \times 3 \times 7^2} = 3\sqrt{14} + 7\sqrt{6}$$

.۵ مخرج کسرهای زیر را گویا کنید.

$$\text{الف } \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$\text{ب } \sqrt{\frac{6}{7}}$$

$$\text{پ } \frac{4}{\sqrt[3]{5x}}$$

$$\text{ت } \frac{\sqrt{7}}{\sqrt[3]{2^2}}$$

$$\text{الف } \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{1 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

$$\text{ب } \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{6} \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{\sqrt{42}}{7}$$

پاسخ:

$$\text{پ } \frac{4}{\sqrt[3]{5x}} = \frac{4 \times \sqrt[3]{5^2 x^2}}{\sqrt[3]{5x} \times \sqrt[3]{5^2 x^2}} = \frac{4\sqrt[3]{25x^2}}{5x}$$

$$\text{ت } \frac{\sqrt{7}}{\sqrt[3]{2^2}} = \frac{\sqrt{7} \times \sqrt[3]{2}}{\sqrt[3]{2^2} \times \sqrt[3]{2}} = \frac{\sqrt{7} \times \sqrt[3]{2}}{2}$$



تمرینات



۱. به جای \square عدد مناسب قرار دهید.
 (الف) $\sqrt[3]{5} - \square = \sqrt[3]{5}$

(الف) $\sqrt{7} + \sqrt{9} \square \sqrt{7+9}$
 (ب) $\sqrt{\frac{5}{12}} \square \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{12}}$

(الف) $(\sqrt{4} - \sqrt{5})(\sqrt{20} - \sqrt{10})$

(ت) $2\sqrt{32} - 3\sqrt[3]{54} - 5\sqrt{162} + 7\sqrt[3]{2}$

۲) $\frac{\gamma}{\sqrt[3]{3}}$

۳) $\frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{5}}$

۴) $\frac{a}{\sqrt[3]{a^2}}$

الف. مخرج کسرهای زیر را گویا کنید.

(ب) $\sqrt[3]{\frac{-125a^3}{64a^6}}$

(ب) $\sqrt{75} + \sqrt[3]{8 \times 27}$

(ث) $4\sqrt[3]{54} - 2\sqrt[3]{16} + \sqrt[3]{432} + 3\sqrt[3]{686} + 3\sqrt[3]{250}$

۳. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

۱. به جای \square علامت $<=$ قرار دهید.

(ب) $\sqrt{\square} > \sqrt{6^2 + 13^2}$

(ت) $\sqrt{4^2 + 5^2} \square 6$

۲. به جای \square عدد مناسب قرار دهید.

۳. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

ب. اندازه قطر مربعی به ضلع a را به دست آورید. (برحسب a)

پاسخ تمرینات



$= 8\sqrt{2} - 9\sqrt[3]{2} - 45\sqrt{2} + 7\sqrt[3]{2} = -37\sqrt{2} - 2\sqrt[3]{2}$
 $4\sqrt[3]{27 \times 2} - 2\sqrt[3]{8 \times 2} + \sqrt[3]{6^3 \times 2} + 2\sqrt[3]{7^3 \times 2} + 3\sqrt[3]{5^3 \times 2}$. ث.

$= 12\sqrt[3]{2} - 4\sqrt[3]{2} + 6\sqrt[3]{2} + 21\sqrt[3]{2} + 15\sqrt[3]{2} = 50\sqrt[3]{2}$

۱) $\frac{\gamma}{\sqrt[3]{3}} = \frac{\gamma \times \sqrt[3]{3^2}}{\sqrt[3]{3} \times \sqrt[3]{3^2}} = \frac{\gamma \sqrt[3]{9}}{3}$. الف.

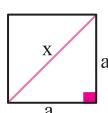
۲) $\frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{5}} = \frac{(\sqrt{2}+1)\sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{(\sqrt{2}+1)\sqrt{5}}{5} = \frac{\sqrt{10}+\sqrt{5}}{5}$

۳) $\frac{a}{\sqrt[3]{a^2}} = \frac{a\sqrt[3]{a}}{\sqrt[3]{a^2} \times \sqrt[3]{a}} = \frac{a\sqrt[3]{a}}{a} = \sqrt[3]{a}$

$x^{\frac{1}{2}} = a^{\frac{1}{2}} + a^{\frac{1}{2}}$

$x^{\frac{1}{2}} = 2a^{\frac{1}{2}}$

$x = \sqrt{2a^{\frac{1}{2}}} = a\sqrt{2} \rightarrow x = a\sqrt{2}$



ب.

ب. $-15\sqrt{2}$

الف. $-2\sqrt[3]{5}$

ب. $\gamma = \sqrt{49}$

الف. $\sqrt{7} + \sqrt{9} > \sqrt{16}$

ت. $6 > \sqrt{41}$

ب. $\sqrt{\frac{5}{12}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{12}}$

الف. $(2 - \sqrt{5})(2\sqrt{5} - \sqrt{10}) = 4\sqrt{5} - 2\sqrt{10} - 10 + \sqrt{2 \times 25}$

$= 4\sqrt{5} - 2\sqrt{10} - 10 + 5\sqrt{2}$

ب. $\frac{-5a}{4a^2} = -\frac{5}{4a}$

ب. $\sqrt{75 + 2 \times 3} = \sqrt{81} = |9| = 9$

ت. $2\sqrt{2 \times 16} - 3\sqrt[3]{2 \times 27} - 5\sqrt{2 \times 81} + 7\sqrt[3]{2}$



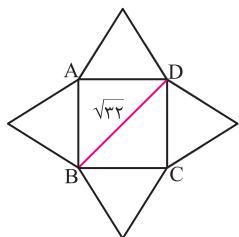
(الف) $\sqrt[3]{25} \times \sqrt[3]{40}$

(ب) $\frac{\sqrt[3]{6} \times \sqrt[3]{18}}{\sqrt[3]{4}}$

(پ) $\frac{\sqrt{10} \times \sqrt{15}}{\sqrt{6}}$

(ت) $\sqrt[3]{(-2)^3} \times \sqrt[3]{-2} \times \sqrt[3]{-4}$

۲. در شکل زیر چهارضلعی ABCD مربع است و مثلث‌های اطراف آن متساوی‌الاضلاع هستند. محیط شکل را به دست آورید. (قطر مربع $\sqrt{32}$ است).



۳. عبارت‌های زیر را ساده کنید.

(الف) $\sqrt[3]{500} + \sqrt{200} + \sqrt[3]{108} - 3\sqrt{32}$

(ب) $-8\sqrt{980} + 2\sqrt[3]{375} + 2\sqrt{80} - \sqrt{20} + 5\sqrt[3]{81}$

۴. ابتدا هر عبارت را ساده کرده، سپس مخرج کسرها را گویا کنید.

(الف) $\sqrt[3]{\frac{5a}{a^2}}$

(ب) $\frac{1}{\sqrt[3]{(a+b)^2}}$

(پ) $\frac{2\sqrt{18} + \sqrt{32}}{\sqrt{10}}$

۵. حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

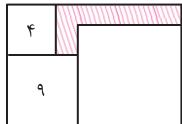
(الف) $\frac{\sqrt{8 + \sqrt{\frac{5}{4} - \frac{1}{4}}}}{\sqrt{25-1} + \sqrt{\frac{16}{25}}}$

(ب) $\sqrt[3]{21 + 2 \times 3^{21}}$

(پ) $\sqrt{(\sqrt{50} + \sqrt{8}) \times \sqrt{98}}$

(ت) $\sqrt[3]{-\frac{343}{512}}$

۶. چهارضلعی ABCD مستطیلی به مساحت ۴۰ سانتی‌متر مربع است که درون آن سه مربع و قسمت رنگ شده وجود دارد. با توجه به مساحت دو مربع درون مستطیل مساحت قسمت رنگ شده را به دست آورید.





پاسخ تمرینات مروری



< ۱

الف.

$$\sqrt[3]{1000} = 6 \times 10 = 60$$

ب.

$$\sqrt[3]{\frac{108}{4}} = \sqrt[3]{\frac{108}{4}} = \sqrt[3]{27} = 3$$

پ.

$$\sqrt{\frac{150}{6}} = \sqrt{\frac{150}{6}} = \sqrt{25} = 5$$

ت.

$$\sqrt[3]{(-2)^3 \times (-2) \times (-4)} = \sqrt[3]{(-2)^3 \times 8} = -2 \times 2 = -4$$

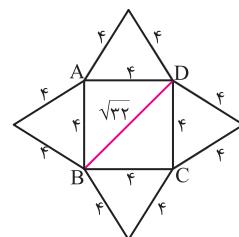
< ۲

می دانیم مربع، نوعی لوزی است.

$$\frac{\text{قطر} \times \text{قطر}}{2} = \frac{\sqrt{32} \times \sqrt{32}}{2} = \frac{32}{2} = 16$$

$$\text{ضلع مربع} = \sqrt{16} = 4$$

$$\text{محیط شکل} 8 \times 4 = 32$$



< ۳

$$\sqrt[3]{2^2 \times 5^3} + \sqrt{2 \times 10^2} + \sqrt[3]{2^2 \times 3^3} - 3\sqrt{16 \times 2}$$

$$= 5\sqrt[3]{4} + 10\sqrt{2} + 3\sqrt[3]{4} - 12\sqrt{2} = 8\sqrt[3]{4} - 2\sqrt{2}$$

$$- 8\sqrt[3]{2^2 \times 5} + 2\sqrt[3]{5^3 \times 3} + 2\sqrt{4^2 \times 5} - \sqrt{4 \times 5}$$

$$+ 5\sqrt[3]{3^3 \times 3} = -112\sqrt{5} + 10\sqrt[3]{3} + 8\sqrt{5} - 2\sqrt{5} + 15\sqrt[3]{3}$$

$$= -106\sqrt{5} + 25\sqrt[3]{3}$$

< ۴

الف.

$$\sqrt[3]{\frac{5}{a}} = \frac{\sqrt[3]{5}}{\sqrt[3]{a}} = \frac{\sqrt[3]{5} \times \sqrt[3]{a^2}}{\sqrt[3]{a} \times \sqrt[3]{a^2}} = \frac{\sqrt[3]{5a^2}}{a}$$

$$\frac{1}{\sqrt[3]{(a+b)^3}} = \frac{\sqrt[3]{(a+b)}}{\sqrt[3]{(a+b)^3} \times (a+b)} = \frac{\sqrt[3]{a+b}}{\sqrt[3]{(a+b)^3}} = \frac{\sqrt[3]{a+b}}{a+b} . \text{ب.}$$

$$\frac{2\sqrt{2 \times 9} + \sqrt{2 \times 16}}{\sqrt{2} \times \sqrt{5}} = \frac{6\sqrt{2} + 4\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{5}} = \frac{10\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{5}} = \frac{10}{\sqrt{5}} . \text{پ.}$$

$$= \frac{10\sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{10\sqrt{5}}{5} = 2\sqrt{5}$$

< ۵

الف.

$$\frac{\sqrt{8+\sqrt{1}}}{\sqrt{\frac{1}{25}} + \sqrt{\frac{16}{25}}} = \frac{\sqrt{8+\sqrt{1}}}{\frac{1}{5} + \frac{4}{5}} = 3$$

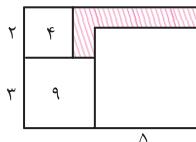
$$\sqrt{3 \times 3^2 1} = \sqrt{3^2 2} = \sqrt{(3^1 1)^2} = 3^1 1 . \text{ب.}$$

$$\sqrt{\sqrt{98 \times 5^0} + \sqrt{98 \times 8}} = \sqrt{\sqrt{2^2 \times 7^2 \times 5^2} + \sqrt{2^4 \times 7^2}} . \text{پ.}$$

$$= \sqrt{2 \times 7 \times 5 + 4 \times 7} = \sqrt{98} = \sqrt{2 \times 7^2} = 7\sqrt{2}$$

$$\sqrt{-\frac{7^3}{8^3}} = -\frac{7}{8} . \text{ت.}$$

< ۶



عرض × طول = مساحت مستطیل

$$\sqrt{4} + \sqrt{9} = 2 + 3 = 5 \text{ عرض مستطیل}$$

$$40 = \text{طول} \times 5 \rightarrow \text{طول} = 8$$

$$\text{مساحت مربع سوم} : 8 - 3 = 5 \rightarrow 5 \times 5 = 25$$

$$\text{مساحت قسمت رنگی} : 40 - (4 + 9 + 25) = 2 \text{ cm}^2$$



تمرین‌های دوره‌ای فصل چهارم

۱. حاصل عبارت‌های زیر را به ساده‌ترین صورت ممکن بنویسید.

$$(الف) \frac{x^{-3} \times x^{-2} \times x^{-7} \times x^5}{x^4 \div (x^{-2})^{-3}} =$$

$$(ب) 25^{-x} + 5^{-2x+1} - 5^{-2x+2} + 25^{-(x+1)} - 5^{-2x} =$$

$$(پ) 1^{-24} - 9^0 - 4^2 + 4^1 + (-1)^{1378} + (-1)^{2008} - (-\frac{1}{4})^{-2} + 3^{-2} - (\frac{1}{3})^2 + (\frac{1}{2})^{-5} =$$

$$(ت) \frac{25^{-400} + 25^{-400} + 25^{-400} + 25^{-400}}{5^{-150} + 5^{-150} + 5^{-150} + 5^{-150}} =$$

$$(ث) \frac{36^{-3} \times 2^4}{24^{-5} \times 6} =$$

۲. حاصل عبارت‌های زیر را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$(الف) \frac{2^{-30} + 4^{-15}}{3^{-30} + 9^{-15} + 343^{-6}} =$$

$$(ب) \frac{2^2 + 2^3 + 2^4 + \dots + 2^{1393}}{5^{-2} \times (2^{1394} - 2)} =$$

$$(پ) \frac{35^4 \times 5^4 \times 21^{-4}}{7^{-3} \times 3^{-9} \times 45} =$$

$$(ت) \frac{81^3 \times 2^6 \times 12^{-3}}{27^8 \times 3^{-5} \times 2^{-3}} =$$

۳. اگر $\frac{a^{2b} \times b^{2a}}{(2a)^{-b} \times (2b)^{-a}} = a^{3b} \times b^{3a}$ باشد، حاصل $b^a \times a^b$ را به دست آورید.

۴. اعداد زیر را از کوچک تر به بزرگ (صعودی) مرتب کنید.

$$(الف) (0/000729)^4, (0/0081)^3, (0/09)$$

$$(ب) 25^{-500}, 7^{-1000}, 3^{-2000}, 2^{-3000}$$

۵. نماد علمی اعداد زیر را بنویسید.

$$(الف) (1250000)^2$$

$$(ب) 0/002 \times 0/000092 \times ((0/001)^{-2})^2$$

$$(پ) \frac{3/15 \times 10^3 \times 10^{-2}}{(0/3)^3}$$

$$(ت) \frac{\sqrt[3]{0/343} \times 10^{-1}}{7^3 \times 10^{-3}}$$

۶. اعداد $A = 0/\underbrace{000\dots0}_{n-1}$ و $B = \underbrace{500\dots0}_n$ مفروض‌اند.

ب. AB را با نماد علمی بنویسید.

الف. نماد علمی A و B را بنویسید.

۷. جرم زمین $10^{21} \times 10^{18}/5$ تن و جرم آب سطح زمین $10^{18} \times 10^{18}/41$ تن می‌باشد. چند درصد جرم زمین از آب تشکیل شده است؟

۸. جرم یک مولکول آب $10^{-23} \times 10^{-3}$ گرم است، جرم یک میلیارد مولکول آب را به صورت نماد علمی بنویسید.

$$9. x \text{ و } y \text{ را طوری بیابید که } \frac{\sqrt[3]{125^2} \times 32^{-2} \times 5^{-7}}{10^{-7}} = x^y \times 5^y .$$

۱۰. اندازه مساحت مربعی $5^6 + 5^6 + 5^6 + 5^6$ است. اندازه طول ضلع مربع چقدر است؟



۱۱. حاصل عبارات زیر را به ساده ترین صورت بنویسید.

(الف) $\sqrt[3]{128} + \sqrt[3]{250} - \sqrt[3]{\frac{1}{8}} =$

(ب) $\sqrt{75} + \sqrt[3]{8 \times 27} - \sqrt{25}(\sqrt{5}) + \sqrt[3]{-8(x+y)^6}$

(ث) $\sqrt{a} \sqrt[3]{\frac{b^3}{a^2}}$

(ج) $2\sqrt{32} - 2\sqrt[3]{54} - 5\sqrt{162} + \sqrt[3]{2 \times 343}$

(د) $2\sqrt[3]{81} + \sqrt[3]{-24} - \sqrt[3]{0/003} - 0/9\sqrt[3]{3}$

(ز) $(\sqrt{2} + 2\sqrt{5})^2 + 2\sqrt{3}(\sqrt{2} - \sqrt{5})$

۱۲. حاصل عبارت $a = \sqrt{3}$ و $b = \sqrt{2}$ به ازای $(1 - \frac{a}{b})^{-2} \times a^2$ را به دست آورید.

۱۳. حاصل عبارت $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^{17} (\sqrt{3} - \sqrt{2})^{19}$ را به دست آورید.

۱۴. ابتدا عبارت‌های زیر را ساده کرده، سپس مخرج کسرها را گویا کنید.

(الف) $\frac{\sqrt{48}}{\sqrt{54}}$

(ب) $\frac{\sqrt{15} \times \sqrt{50} \times \sqrt{7}}{\sqrt{2} \times \sqrt{30} \times \sqrt{8}}$

(ث) $\frac{\sqrt{8}}{\sqrt[3]{5}} \times \frac{5\sqrt{3}}{\sqrt[3]{5}}$

(ج) $\frac{4\sqrt{27}}{3\sqrt{6}} - \frac{1}{\sqrt{3}}$

(د) $\frac{\sqrt[3]{125}}{\sqrt[3]{162}} - \sqrt{2}$

(ه) $\frac{x}{\sqrt[3]{x} \cdot \sqrt[3]{x^6}}$ (ز) $\frac{2\sqrt{18} + 3\sqrt{32}}{6\sqrt{6}}$

۱۵. مقدار x را به دست آورید.

$$\frac{25^x + 5^{2x-1}}{9^{x-1} + 3^{2x-1}} = \frac{15}{2}$$

پاسخ تمرین‌های دوره‌ای فصل چهارم



$$\frac{\cancel{x} \times 25^{-400}}{\cancel{x} \times 5^{-150}} = \frac{5^{-800}}{5^{-150}} = 5^{-800 - (-150)}$$

$$= 5^{-650} = \left(\frac{1}{5}\right)^{650}$$

$$\frac{(e^2)^{-3} \times e^4}{e^{-5} \times (e^2)^{-5} \times e} = \frac{e^{-6} \times e^4}{e^{-4} \times e^{-10}} = e^{-2} \times e^{14}$$

.ت.

$$\frac{x^{-3-2-7+5}}{x^4 \div x^6} = \frac{x^{-4}}{x^{-2}} = x^{-4 - (-2)} = x^{-2}$$

الف.

$$5^{-2x} + 5^{-2x+1} - 5^{-2x+2} + 5^{-2x-2} - 5^{-2x}$$

ب.

$$= 5^{-2x} + 5^{-2x} \times 5 - 5^{-2x} \times 5^2 + 5^{-2x} \times 5^{-2} - 5^{-2x}$$

.ث.

$$= 5^{-2x} \left(1 + 5 - 25 + \frac{1}{25} - 1\right)$$

$$= 5^{-2x} \left(-20 + \frac{1}{25}\right) = 5^{-2x} \left(-\frac{499}{25}\right)$$

$$\underbrace{\frac{1}{124} - 1 - 16 + 4 + 1 + 1 - \frac{1}{(-\frac{1}{4})^2} + \frac{1}{3^2} - \frac{1}{9} + \frac{1}{(\frac{1}{2})^5}}_{-10} = -10 - 16 + \frac{1}{9} - \frac{1}{9} + 32 = -26 + 32 = 6$$

$$\frac{2^{-30} + 2^{-30}}{3^{-30} + 3^{-30} + 3^{-30}} = \frac{2 \times 2^{-30}}{3 \times 3^{-30}} = \frac{2^{-29}}{3^{-29}} = \left(\frac{2}{3}\right)^{29}$$

.ز.

الف. به صورت کسر $-2+2$ را اضافه می‌کنیم، پس داریم:

$$-2 + \underbrace{2+2+2^2+2^3+2^4+\dots+2^{1393}}_{\frac{2^2}{2^3}} = -2 + 2^{1394}$$

$$\underbrace{\frac{2^2}{2^3}}_{2^2}$$

$$= -10 - 16 + \frac{1}{9} - \frac{1}{9} + 32 = -26 + 32 = 6$$



می‌دانیم بین اعداد توان دار با توان یکسان و مثبت، عددی که پایه آن بزرگ‌تر است مقدارش بیشتر است. پس:

$$\left(\frac{1}{9}\right)^{1000} < \left(\frac{1}{8}\right)^{1000} < \left(\frac{1}{7}\right)^{1000} < \left(\frac{1}{5}\right)^{1000}$$

$$\rightarrow 3^{-2000} < 2^{-3000} < 7^{-1000} < 5^{-500}$$

الف. $(1250000)^2 = (125 \times 10^4)^2 = 125^2 \times 10^8 = 15625 \times 10^8$
 $= 1/5625 \times 10^4 \times 10^8 = 1/5625 \times 10^{12}$

ب. $2 \times 10^{-3} \times 92 \times 10^{-6} \times \underbrace{((10^{-3})^{-2})^2}_{10^{12}} = 184 \times 10^{-9} \times 10^{12}$

$$= 184 \times 10^3 = 1/184 \times 10^3 \times 10^3 = 1/184 \times 10^6$$

$\frac{3/10 \times 10^2}{(3 \times 10^{-1})^2} = \frac{3/10 \times 10^2}{9 \times 10^{-2}} = 0/35 \times 10^4$.پ.

$$= 3/5 \times 10^{-1} \times 10^4 = 3/5 \times 10^3$$

$\frac{\sqrt[3]{7 \times 10^{-3}} \times 10^{-1}}{7^2 \times 10^{-3}} = \frac{\sqrt[3]{7 \times (10^{-1})^3} \times 10^{-1}}{7^3 \times 10^{-3}}$.ت.

$$= \frac{\sqrt[3]{7} \times 10^{-1} \times 10^{-1}}{7^3 \times 10^{-3}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt[3]{7}} \times 10 = 0/0204081633 \times 10 = 2/04081633 \times 10^{-2} \times 10$$

$$= 2/04081633 \times 10^{-1}$$

الف. $A = 0/\underbrace{000...0}_n 6 = 6 \times 10^{-(n+1)}$
تا صفر

ب. $B = 5\underbrace{000...0}_{n-1} = 5 \times 10^{n-1}$
تا صفر

$$AB = 6 \times 10^{-n-1} \times 5 \times 10^{n-1} = 30 \times 10^{-2} = 3 \times 10^{-1}$$

جرم آب سطح زمین $\times 10^0 = \frac{1/41 \times 10^{18}}{5/974 \times 10^{21}} = \frac{1/41}{5/974} \times 10^{-3} \times 10^3$
جرم زمین $= 0/236 \times 10^{-1} = 0/0236$

تقریباً دو صدم جرم زمین، از آب سطح زمین است.

یک میلیارد $= 10^9$

$$3 \times 10^{-23} \times 10^9 = 3 \times 10^{-14}$$
 جرم یک میلیارد مولکول آب

: با جایگذاری در کسر $\frac{2^{1394}-2}{5^{-2}(2^{1394}-2)} = \frac{1}{5^{-2}} = 5^2 = 25$

$$\frac{5^4 \times 7^4 \times 5^4 \times 7^3 \times 3^4}{2^{12} \times 45} = \frac{5^8 \times 7^3 \times 3^5}{3^3 \times 5} = 5^7 \times 7^3 \times 3^3$$
 پ.

$$\frac{81^3 \times 2^6 \times 2^5 \times 2^3}{12^3 \times 27^8} = \frac{3^{12} \times 2^6 \times 3^5 \times 2^3}{3^3 \times 27^8} = \frac{3^{17} \times 2^3}{3^{27}} = \frac{2^3}{3^{10}}$$
 ت.

ابتدا عبارت سمت چپ تساوی را ساده کرده، سپس با در نظر گرفتن تساوی راه حل را ادامه می‌دهیم.

$$\frac{a^{2b} \times b^{2a}}{(2a)^b \times (2b)^a} = a^{2b} \times b^{2a} \times (2a)^b \times (2b)^a$$

$$= a^{2b} \times b^{2a} \times 2^b \times a^b \times 2^a \times b^a = a^{2b} \times b^{2a} \times 2^{a+b}$$

حال حاصل عبارت سمت چپ را مساوی سمت راست عبارت قرار می‌دهیم و از آنجا $1 = 2^{a+b}$ خواهد بود.

$$a^{2b} \times b^{2a} \times 2^{a+b} = a^{2b} \times b^{2a}$$

$$\rightarrow 2^{a+b} = 1 = 2^0 \rightarrow a+b = 0 \rightarrow a = -b$$

$$b^a \times a^b \xrightarrow{a=-b} b^{-b} \times (-b)^b = \frac{1}{b^b} \times (-1)^b \times b^b = (-1)^b$$

الف.

$$\begin{cases} 0/000729 = (0/3)^6 \\ 0/0081 = (0/3)^4 \\ 0/09 = (0/3)^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (0/000729)^4 = (0/3)^24 \\ (0/0081)^3 = (0/3)^12 \\ 0/09 = (0/3)^2 \end{cases}$$

در بین اعداد توان دار اگر پایه عددی بین صفر و یک باشد، هر چه توان عدد بزرگ‌تر شود، مقدار عبارت کوچک‌تر می‌شود، بنابراین:

$$(0/000729)^4 < (0/0081)^3 < 0/09$$

ب. $25^{-500} = \frac{1}{25^{500}} = \frac{1}{5^{1000}} = \left(\frac{1}{5}\right)^{1000}$

$$\gamma^{-1000} = \frac{1}{\gamma^{1000}} = \left(\frac{1}{\gamma}\right)^{1000}$$

$$\gamma^{-2000} = \frac{1}{(\gamma^2)^{1000}} = \frac{1}{\gamma^{1000}} = \left(\frac{1}{\gamma}\right)^{1000}$$

$$\gamma^{-3000} = \frac{1}{(\gamma^3)^{1000}} = \frac{1}{\gamma^{1000}} = \left(\frac{1}{\gamma}\right)^{1000}$$



$$=(\sqrt{3}+\sqrt{2})^2 = (\sqrt{3}+\sqrt{2})(\sqrt{3}+\sqrt{2}) \\ = 3 + \sqrt{6} + \sqrt{6} + 2 = 5 + 2\sqrt{6}$$

$$\frac{\sqrt{2^4 \times 3}}{\sqrt{2^2 \times 3 \times 2}} = \frac{2^2 \sqrt{3}}{2\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{4}{2\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{4\sqrt{2}}{3 \times 2} = \frac{2}{3}\sqrt{2} \quad \text{الف.}$$

$$\frac{4\sqrt{3^2 \times 2}}{3\sqrt{6}} - \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{12\sqrt{3}}{3\sqrt{2} \times \sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{4}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{3}} \quad \text{ب.}$$

$$= \frac{4\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{6}} \times \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}(4\sqrt{3} - \sqrt{2})}{6} = \frac{12\sqrt{2} - 2\sqrt{3}}{6}$$

$$\frac{\sqrt{15} \times \sqrt{50} \times \sqrt{2}}{\sqrt{7} \times \sqrt{40} \times \sqrt{8}} = \frac{5\sqrt{2}}{\sqrt{7} \times 2\sqrt{2}} = \frac{5}{2\sqrt{7}} \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}} = \frac{5\sqrt{2}}{14} \quad \text{پ.}$$

$$\frac{5}{\sqrt[3]{3^3 \times 3 \times 2}} - \sqrt{2} = \frac{5}{3\sqrt{6}} - \sqrt{2} \quad \text{ت.}$$

$$= \frac{5 - 3\sqrt{12}}{3\sqrt{6}} \times \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{6}} = \frac{\sqrt{6}(5 - 3\sqrt{12})}{18}$$

$$\frac{2\sqrt{2} \times 5\sqrt{2}}{\sqrt[3]{5^2}} = \frac{10\sqrt{6}}{\sqrt[3]{5^2}} \times \frac{\sqrt[3]{5}}{\sqrt[3]{5}} = \frac{10\sqrt{6} \times \sqrt[3]{5}}{\sqrt[3]{5^3}} = \frac{10\sqrt{6} \times \sqrt[3]{5}}{5} \quad \text{ث.}$$

$$\frac{x}{\sqrt{x} \times x^2} = \frac{1}{x\sqrt{x}} \times \frac{\sqrt[3]{x^2}}{\sqrt[3]{x^2}} = \frac{\sqrt[3]{x^2}}{x\sqrt{x}^2} = \frac{\sqrt[3]{x^2}}{x^2} \quad \text{ج.}$$

$$\frac{6\sqrt{2} + 12\sqrt{2}}{6\sqrt{6}} = \frac{\cancel{6}\sqrt{2} \times \cancel{2}}{\cancel{6}\sqrt{2} \times \sqrt{3}} \quad \text{ج.}$$

$$= \frac{3}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{3}}{3} = \sqrt{3}$$

$$\text{عبارت سمت چپ: } \frac{5^{2x} + 5^{2x} \times 5^{-1}}{3^{2x-2} + 3^{2x-1}} = \frac{5^{2x}(1 + \frac{1}{5})}{3^{2x}(\frac{1}{9} + \frac{1}{3})} \quad \text{ج.}$$

$$= \frac{5^{2x} \times \frac{6}{5}}{3^{2x} \times \frac{4}{9}} = \frac{5^{2x}}{3^{2x}} \times \frac{6 \times 9}{5 \times 4} = \left(\frac{5}{3}\right)^x \times \frac{27}{10}$$

$$\rightarrow \left(\frac{25}{9}\right)^x \times \frac{27}{10} = \frac{15}{2} \quad \text{ج.}$$

$$\rightarrow \left(\frac{25}{9}\right)^x = \frac{15}{2} \div \frac{27}{10} = \frac{\cancel{5}^5}{\cancel{9}^1} \times \frac{\cancel{10}^2}{\cancel{27}^9} = \frac{25}{9} \quad \text{ج.}$$

$$\rightarrow \left(\frac{25}{9}\right)^x = \frac{25}{9} \rightarrow x = 1 \quad \text{ج.}$$

▪ سمت راست عبارت $\frac{\sqrt[3]{(5^3)^2} \times 2^{-10} \times 5^{-7}}{2^{-7} \times 5^{-7}} = 5^2 \times 2^{-3}$

$$\rightarrow 2^x \times 5^y = 2^{-3} \times 5^2 \rightarrow x = -3, y = 2$$

▪ $5^6 + 5^6 + 5^6 + 5^6 = 4 \times 5^6$

▪ ضلع مربع: $\sqrt{4 \times 5^6} = 2 \times 5^3 = 2 \times 125 = 250$

▪ $\sqrt[3]{2^2} + \sqrt[3]{5^3 \times 2} - \sqrt[3]{\frac{1}{2^3}} = 2^2\sqrt[3]{2} + 5\sqrt[3]{2} - \frac{1}{2} \quad \text{الف.}$

$$= 4\sqrt[3]{2} + 5\sqrt[3]{2} - \frac{1}{2} = 9\sqrt[3]{2} + \frac{1}{2}$$

$$2\sqrt[3]{2^4 \times 2} - 3\sqrt[3]{3^3 \times 2} - 5\sqrt[3]{3^4 \times 2} + \sqrt[3]{2 \times 7^3} \quad \text{ب.}$$

$$= 2 \times 2^2 \sqrt[3]{2} - 3 \times 3\sqrt[3]{2} - 5 \times 3^2 \sqrt[3]{2} + 7\sqrt[3]{2}$$

$$= 8\sqrt[3]{2} - 9\sqrt[3]{2} - 45\sqrt[3]{2} + 7\sqrt[3]{2} = -37\sqrt[3]{2} - 2\sqrt[3]{2}$$

$$\sqrt{y\cancel{5+6}} - \sqrt{100} - 2(x+y) \quad \text{پ.}$$

$$= 9 - 10 - 2(x+y) = -1 - 2(x+y) \quad \text{پ.}$$

$$2\sqrt[3]{3^3 \times 3} - \sqrt[3]{2^3 \times 3} - \sqrt[3]{3 \times 10^{-3}} - 0 / 9\sqrt[3]{2} \quad \text{ت.}$$

$$= 6\sqrt[3]{3} - 2\sqrt[3]{3} - 10^{-1} \sqrt[3]{3} - 0 / 9\sqrt[3]{3} = 2\sqrt[3]{3}$$

$$\sqrt{a\sqrt[3]{\frac{b^3}{a^1}}} = \sqrt{a \cdot \frac{b}{a^1}} = \frac{1}{a^1} \sqrt{ab} \quad \text{ث.}$$

$$(\sqrt{2} + 2\sqrt{5})(\sqrt{2} + 2\sqrt{5}) + 2\sqrt{3}(\sqrt{2} - \sqrt{5}) \quad \text{ج.}$$

$$2 + 2\sqrt{10} + 2\sqrt{10} + 20 + 2\sqrt{6} - 2\sqrt{15}$$

$$= 22 + 4\sqrt{10} + 2\sqrt{6} - 2\sqrt{15}$$

▪ $(1 - (\frac{a}{b})^{-2}) \times a^2 = (1 - (\frac{b}{a})^2) \times a^2$

$$\frac{a=\sqrt{3}}{b=\sqrt{1}} \rightarrow (1 - (\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{1}})^2) \times (\sqrt{3})^2 = (1 - \frac{2}{3}) \times 3 = 1$$

▪ $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 (\sqrt{3} + \sqrt{2})^{1/2} (\sqrt{3} - \sqrt{2})^{1/2}$

$$= (\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 [(\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{2})]^{1/2}$$

$$= (\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 [3 - \sqrt{6} + \sqrt{6} - 2]^{1/2} = (\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 (1)^{1/2}$$



سوالاتی های چهارگزینه ای فصل چهارم

۱. حاصل $[(3^{-2} + 2^{-1})^{-2}] [1 + 2(3)^{-2}]$ کدام است؟

$$\frac{36}{11} \quad (4)$$

$$\frac{18}{11} \quad (3)$$

$$\frac{11}{18} \quad (2)$$

$$\frac{11}{36} \quad (1)$$

۲. نمایش علمی عدد $30/5 \times 10^3 \times 0/6 \times 10^{-9} - 5/4 \times 10^3 + 0/72 \times 10^{-4}$ برابر کدام است؟

$$9/926 \times 10^{-5} \quad (4)$$

$$1/0574 \times 10^{-6} \quad (3)$$

$$3/466 \times 10^{-4} \quad (2)$$

$$3/446 \times 10^{-6} \quad (1)$$

۳. اگر $1 = \frac{x^{2r} \cdot x^{r+1}}{x^{-r} (x^r)^{-2}}$ باشد، مقدار r چقدر است؟

$$-\frac{1}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1}{6} \quad (3)$$

$$-\frac{1}{6} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

۴. کوچکترین عدد طبیعی که در $A = 14 \times 2^6 \times 11^3 \times 49^7$ ضرب شود تا حاصل مجذور کامل گردد، کدام است؟

$$7 \times 11 \quad (4)$$

$$2 \times 11 \quad (3)$$

$$14 \times 49 \times 11 \quad (2)$$

$$2 \times 11 \times 7 \quad (1)$$

۵. کوچکترین عدد طبیعی که در $B = 3^3 \times 15 \times 100$ ضرب شود تا حاصل مکعب شود، کدام است؟

$$10 \quad (4)$$

$$25 \quad (3)$$

$$5 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

۶. حاصل عبارت $\sqrt[3]{216x^{3n-9}}$ کدام است؟

$$4x^{n-3} \quad (4)$$

$$6x^{n-3} \quad (3)$$

$$6x^{n-9} \quad (2)$$

$$|6x^{n-3}| \quad (1)$$

۷. حاصل کسر $\frac{3+3^2+3^3+\dots+3^n}{3^{-1}+3^{-2}+3^{-3}+\dots+3^{-n}}$ برابر است با:

$$3^n \quad (4)$$

$$3^n - 1 \quad (3)$$

$$3^n - 1 \quad (2)$$

$$3^n \quad (1)$$

۸. اگر $a = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt[3]{3}}$ و $b = \frac{\sqrt[3]{9}}{\sqrt{2}}$ باشد، $a - b$ کدام است؟

$$\frac{\sqrt[3]{9}}{3} \quad (4)$$

$$-\sqrt[3]{9} \times \sqrt{2} \quad (3)$$

$$\frac{2}{3}(\sqrt[3]{9} \times \sqrt{2}) \quad (2)$$

$$\sqrt[3]{9} \times \sqrt{2} \quad (1)$$

۹. حاصل عبارت مقابله کدام است؟

$$15\sqrt{2} - 12\sqrt[3]{2} \quad (4)$$

$$12(\sqrt[3]{2} - \sqrt{2}) \quad (3)$$

$$\frac{-12\sqrt{2}}{4} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt[3]{2}}{\sqrt{2}} \quad (1)$$

۱۰. اگر $a = (\sqrt[3]{2})^2$ و $b = (\sqrt[3]{2})^{-1}$ باشد، حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$A = [a^{-\frac{2}{3}} \times b \times (ab^{-2})^{-\frac{1}{2}} \times (a^{-1})^{-\frac{2}{3}}]^3$$

$$\frac{2}{27} \quad (4)$$

$$-\frac{2}{27} \quad (3)$$

$$-\frac{1}{27} \quad (2)$$

$$\frac{1}{27} \quad (1)$$



پاسخ چهارگزینه‌ای (فصل چهارم)

رباطی نهم (دوره اول متوسطه)

۱ ۲ ۳ ۴

۱ □□□■■

۲ □□□■■

۱ ۲ ۳ ۴

۳ □■□□□

۴ ■□□□□

۱ ۲ ۳ ۴

۵ ■□□□□

۶ □□■□□

۱ ۲ ۳ ۴

۷ ■□□□□

۸ □■□□□

۱ ۲ ۳ ۴

۹ □□■□□

۱۰ □□□■■